

## Analyse de la covariance (ANCOVA)

Frédéric Bertrand

2016-2017

Généralités

## Introduction

L'analyse de la covariance (ANCOVA) est une technique qui combine certaines des caractéristiques de l'analyse de la variance et de la régression linéaire. Elle peut servir aussi bien pour des études planifiées (plan de type II) ou non (plan de

L'idée à la base de l'analyse de la covariance est d'ajouter à un modèle d'analyse de la variance, associé à une ou plusieurs variables qualitatives, une ou plusieurs variables quantitatives qui pourraient être liées à la réponse étudiée.

Introduction (suite)

En réalisant cet ajout, nous cherchons à réduire la variance du terme d'erreur  $\varepsilon$  présent dans le modèle et rendre ainsi l'analyse plus précise.

D'un point de vue mathématique, les modèles d'analyse de la covariance sont en fait simplement un type particulier de modèle de régression linéaire.

## Réduction de la variance résiduelle

Incitation au voyage

Considérons une étude sur l'effet de trois films incitant au voyage dans un même pays étranger P. Son déroulement est le suivant :

- 1 chaque sujet a reçoit un questionnaire avant la projection pour évaluer la manière dont il perçoit le pays P et établit un score de sympathie du sujet pour ce pays ;
  - 2 chaque sujet voit l'un des trois films de cinq minutes ;
  - 3 chaque sujet reçoit à nouveau un questionnaire sur le contenu du film et son désir de voyager dans le pays P.

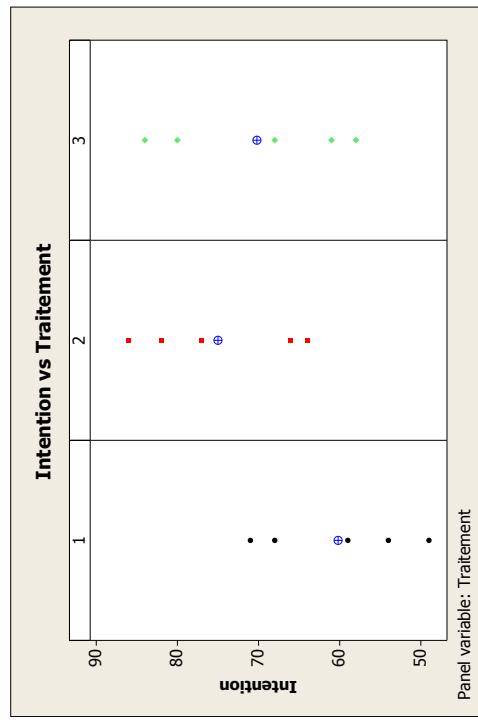
Initiation au voyage (suite)

Dans ce type de situation, il est possible de se servir de l'analyse de la covariance. Afin d'avoir une idée intuitive de l'intérêt vraisemblablement majeur qu'il y aurait à la faire, nous représentons sur les deux figures suivantes les scores d'intention de voyage récoltés après que chacun des trois films promotionnels ait été présenté à un groupe de cinq sujets. Les symboles différents servent à distinguer chacun des traitements (films) utilisés.



## Invitation au voyage (suite)

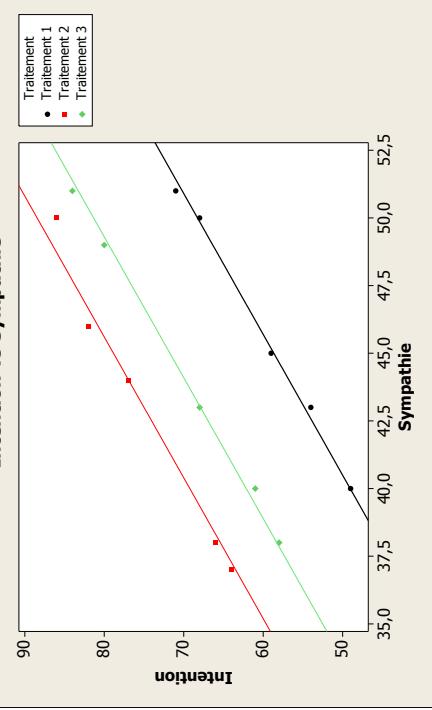
Sur la première d'entre elles, nous constatons que les variances des termes d'erreur au sein de chaque groupe, qui s'estiment visuellement par la dispersion des points autour des estimations des moyennes  $\bar{Y}_{i\bullet}$  de chacun des groupes, sont importantes ce qui est caractéristique d'une variance élevée pour le terme d'erreur du modèle d'analyse de la variance à un facteur associé.



Intention vs Traitement

## Incitation au voyage (suite)

Utilisons désormais l'information auxiliaire que nous avons récoltée : les valeurs initiales du score de sympathie pour le pays P avant la projection. La figure suivante représente les scores d'intention de voyage récoltés après la projection en fonction des quinze scores de sympathie initiaux, les symboles différents servant encore à distinguer chacun des traitements (films) utilisés.



## Réduction de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Covariables

## Analyse de la covariance à un facteur

## Généralités

## Covariables

## Analyse de la covariance résiduelle

## Réduction de la covariance

## Définition

Nous appelons covariable, en anglais concomitant variable, toute variable quantitative qui est ajoutée à un modèle d'ANOVA.

## Choix des covariables

- Les covariables fréquemment utilisées lors d'études portant sur des êtres humains sont l'âge, la catégorie socio-professionnelle, l'aptitude, des données recueillies lors d'études antérieures, ...
  - Les covariables fréquemment utilisées lors d'études portant sur des magasins sont le nombre d'employé, le volume des ventes pendant la dernière période précédant l'étude, ...

## Choix des covariables

Le choix des covariables est un processus très important. S'il s'avère que les variables retenues n'ont aucun lien avec la réponse étudiée, le gain du modèle d'ANCOVA par rapport à celui du modèle d'ANOVA sera inexistant et nous retiendrons vraisemblablement au final ce modèle plus simple.

## Beschriftung der Beobachtungen des covariablen

Afin de pouvoir interpréter sans ambiguïté les résultats obtenus, les covariables doivent être observées soit avant l'étude, soit pendant l'étude à condition les traitements appliqués aux sujets lors de celle-ci ne puise en aucune manière modifiée l'observation de celles-ci.

Une préétude d'opinion satisfait à cette condition. Dans la plupart des situations, l'observation de l'âge du sujet pendant l'étude également.

## Recueil des observations des covariables

Une entreprise réalise un stage intensif pour des ingénieurs afin de leur apprendre des compétences en gestion. Deux méthodes d'enseignement ont été utilisée et les ingénieurs ont été affectés à l'une ou l'autre au hasard. À la fin de la formation, chaque stagiaire a été évalué à l'aide d'un score quantifiant ce qu'il a retenu de celle-ci. Lors du dépouillement, la personne chargée de l'analyse a décidé d'utiliser le temps de travail personnel, que chaque ingénieur devait noter, comme covariable et n'a pas pu mettre en évidence d'effet de la méthode d'apprentissage.

## Recueil des observations des covariables

Lorsqu'une covariable dépend des traitements étudiés, le modèle d'analyse de la covariance risque de ne pas pouvoir évaluer correctement les effets de certains (ou la plupart) des traitements sur la réponse et fournir ainsi des résultats trompeurs.

### Remarque

Une figure peut être utile pour déterminer si une covariable dépend des traitements ou non.

## Recueil des observations des covariables

Considérons la figure suivante qui représente le score d'apprentissage en fonction du temps de travail personnel pour l'exemple précédent. Le traitement 1 correspond au e-learning.



**Score apprentissage vs Travail personnel**

Nous constatons que la plupart des personnes pour lesquels le travail personnel a été élevé sont associées au traitement 1. Réciproquement, la plupart des ingénieurs du groupe traitement 2 se sont peu investis dans la formation.

Par conséquent, les observations pour chacun des traitements ont tendance à se concentrer dans des intervalles disjoints de l'axe des abscisses.

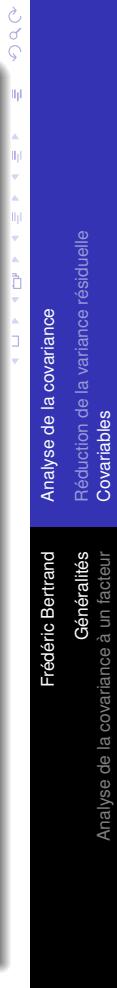
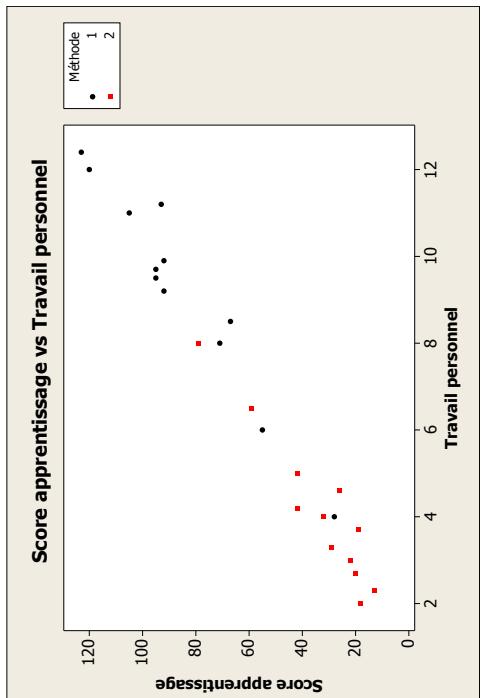
Il est intéressant de contraster cette situation avec celle qui a été présentée dans le premier exemple où un tel regroupement n'apparaissait pas.

## Recueil des observations des covariables

Nous constatons que la plupart des personnes pour lesquels le travail personnel a été élevé sont associées au traitement 1. Réciproquement, la plupart des ingénieurs du groupe traitement 2 se sont peu investis dans la formation.

Par conséquent, les observations pour chacun des traitements ont tendance à se concentrer dans des intervalles disjoints de l'axe des abscisses.

Il est intéressant de contraster cette situation avec celle qui a été présentée dans le premier exemple où un tel regroupement n'apparaissait pas.



# Analyse de la covariance à un facteur

Un exemple intégralement traité

## Introduction

L'exemple suivant porte sur l'**évaluation de la capacité d'une plante à repousser et à produire des graines** lorsqu'elle a été broutée. Nous disposons des informations suivantes :

- La **réponse** observée est le **poids de graines produites**.
- Une information indirecte sur la **taille initiale** de la plante (le **diamètre supérieur de son porte greffe**) avant l'intervention éventuelle d'un animal a été relevée.
- Nous savons si la **plante** a été **broutée ou non**.

## Introduction (suite)

Comme les plantes plus grandes produisent vraisemblablement plus de graines que des plantes plus petites, la **prise en compte de la taille de la plante** est nécessaire pour analyser ces données.

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance à un facteur
```

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance à un facteur
```

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance à un facteur
```

## Réglage des contrastes et récupération des données

```
options(contrasts=c("contr.sum", "contr.poly"))
compensation<-read.csv(file.choose(), header=T)
attach(compensation)
names(compensation)

## [1] "Root"   "Fruit"  "Grazing"
```

## Aperçu des données

```
head(compensation)

## #     Root  Fruit Grazing
## # 1 6.225 59.77 Ungrazed
## # 2 6.487 60.98 Ungrazed
## # 3 4.919 14.73 Ungrazed
## # 4 5.130 19.28 Ungrazed
## # 5 5.417 34.25 Ungrazed
## # 6 5.359 35.53 Ungrazed
```

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance à un facteur
```

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance à un facteur
```

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance à un facteur
```

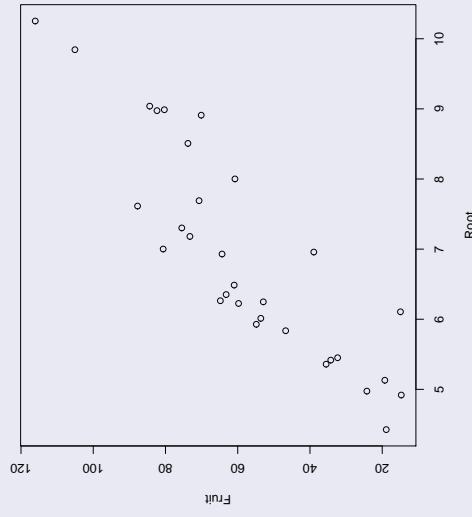
```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance à un facteur
```

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance à un facteur
```

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance à un facteur
```

## Représentation graphique des données

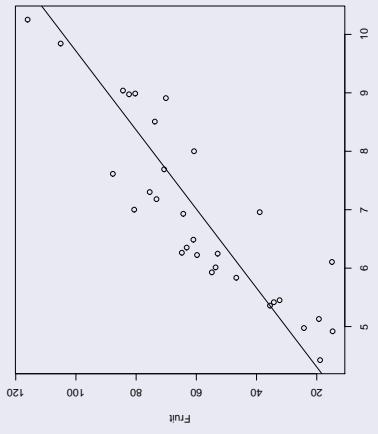
**plot**(Root, Fruit)



Frédéric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Représentation graphique avec ajustement linéaire

**plot**(Root, Fruit)  
**abline**(**lm**(Fruit ~ Root))



Frédéric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Ajustement linéaire

**lm**(Fruit ~ Root)

```
## 
## Call:
## lm(formula = Fruit ~ Root)
## 
## Coefficients:
## (Intercept)      Root  
##             -43.74       14.79
```

Frédéric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Moyennes par groupe

**tapply**(Fruit, Grazing, mean)

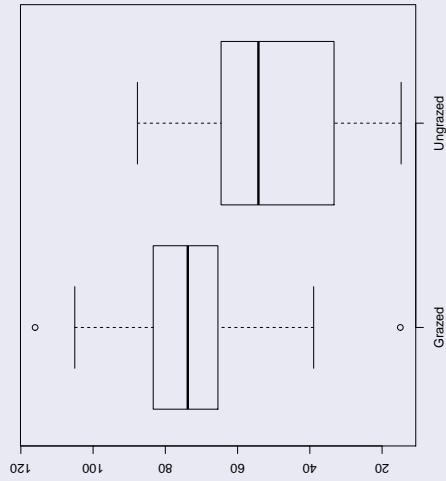
```
## Grazed Ungrazed
## 72.49182 50.88050
```

Surprenant, car les plantes qui ont été broutées produisent plus de graines. Confirmé par le graphique suivant mais est-ce vraiment le cas ?

Frédéric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

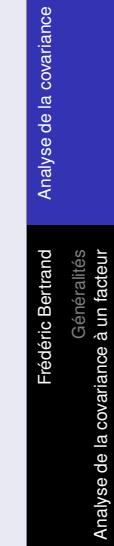
## Moyennes par groupe

```
plot(Grazing, Fruit)
```

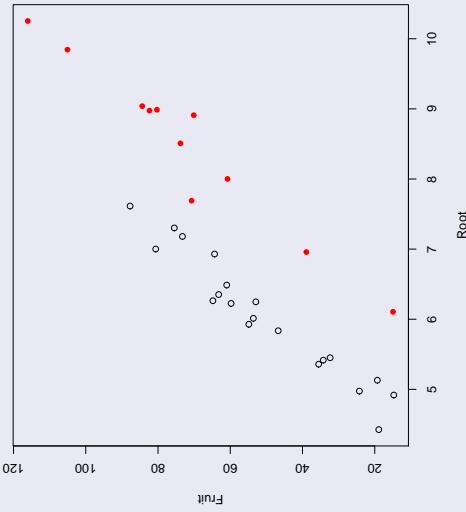


## Représentation graphique avec groupe d'appartenance

```
plot(Root, Fruit, type="n")
points(Root[Grazing=="Ungrazed"],
       Fruit[Grazing=="Ungrazed"], col="red")
points(Root[Grazing=="Grazed"],
       Fruit[Grazing=="Grazed"], pch=16,
       col="red")
```



## Représentation graphique avec groupe d'appartenance



## Modèle d'ANCOVA

Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance à un facteur

```
ancova<-lm(Fruit~Root+Grazing)
summary(ancova)
```

```
## Call:
## lm(formula = Fruit ~ Root * Grazing)
## Residuals:
##   Min     1Q     Median      3Q     Max 
## -12.0028 -3.8163 -0.6113  3.8098 15.8213 
## Coefficients:
##             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)    
## (Intercept) -105.6583  8.5308 -12.386 1.2e-12 ***
## Root        -23.1689  1.1485 20.173 < 2e-16 ***
## Grazing     -11.2909  8.5308 -1.324  0.197    
## Root:Grazing -0.8275  1.1485 -0.720  0.477    
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## 
## Residual standard error: 6.227 on 27 degrees of freedom
## Multiple R-squared:  0.9481, Adjusted R-squared:  0.9423 
## F-statistic: 164.3 on 3 and 27 DF,  p-value: < 2.2e-16
```

## Tableau d'ANOVA de l'ANCOVA

anova (ancova)

```
## Analysis of Variance Table
## Response: Fruit
##   Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## Root      1 15579.8 15579.8 401.7856 < 2.2e-16 ***
## Grazing   1 3507.1 3507.1 90.4494 4.121e-10 ***
## Root:Grazing 1 20.1  20.1  0.5191  0.4774
## Residuals 27 1046.9 38.8
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
summary.aov(ancova)
```

	Df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
Root	1	15579	15579	401.786	< 2e-16 ***
Grazing	1	3507	3507	90.449	4.12e-10 ***
Root:Grazing	1	20	20	0.519	0.477
Residuals	27	1047	39		
Signif. codes:	0 '***'	0.001 '**'	0.01 '*'	0.05 '.'	0.1 ' '

Frédéric Bertrand  
Analyse de la covariance  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

Frédéric Bertrand  
Analyse de la covariance  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Une pente par groupe est-elle nécessaire ?

ancova2<-lm(Fruit~Grazing+Root)  
anova (ancova2, ancova)

```
## Analysis of Variance Table
## Response: Fruit
##   Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## Root      1 15579.8 15579.8 401.7856 < 2.2e-16 ***
## Grazing   1 3507.1 3507.1 90.4494 4.121e-10 ***
## Root:Grazing 1 20.1  20.1  0.5191  0.4774
## Residuals 27 1046.9 38.8
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
summary.aov(ancova2)
```

	Df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
Root	1	15579	15579	401.786	< 2e-16 ***
Grazing	1	3507	3507	90.449	4.12e-10 ***
Root:Grazing	1	20	20	0.519	0.477
Residuals	27	1047	39		
Signif. codes:	0 '***'	0.001 '**'	0.01 '*'	0.05 '.'	0.1 ' '

Frédéric Bertrand  
Analyse de la covariance  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Est-il possible de simplifier encore plus le modèle ?

ancova3<-lm(Fruit~Root)  
anova (ancova3, ancova2)

```
## Analysis of Variance Table
## Model 1: Fruit ~ Root
## Model 2: Fruit ~ Grazing + Root
##   Df RSS Df Sum of Sq   F    Pr(>F)
## 1   29 4574.1
## 2   28 1067.0 1   3507.1 92.03 2.388e-10 ***
## --- Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.'
```

Frédéric Bertrand  
Analyse de la covariance  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

Frédéric Bertrand  
Analyse de la covariance  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Est-il possible de simplifier encore plus le modèle ?

ancova3<-lm(Fruit~Grazing)  
anova (ancova3, ancova2)

```
## Analysis of Variance Table
## Model 1: Fruit ~ Grazing
## Model 2: Fruit ~ Grazing + Root
##   Df RSS Df Sum of Sq   F    Pr(>F)
## 1   29 16838
## 2   28 1067 1   15771 413.86 < 2.2e-16 ***
## --- Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.'
```

Frédéric Bertrand  
Analyse de la covariance  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

Frédéric Bertrand  
Analyse de la covariance  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

Le fait de savoir si la plante a été brouillée ou non est une information significative au seuil de  $\alpha = 5\%$ .

Le fait de connaître le diamètre du porte-greffe est une information significative au seuil de  $\alpha = 5\%$ .

## Résumé du modèle d'ANCOVA

**summary.lm**(ancova2)

```
## Call:
## lm(formula = Fruit ~ Grazing + Root)

## Residuals:
##   Min     1Q     Median      3Q     Max 
## -12.3565 -3.1694  0.0446  3.0649 16.4688

## Coefficients:
##             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)    
## (Intercept) -106.617   8.354 -12.763 3.43e-13 ***  
## Grazing1    -17.296   1.803  -9.593 2.39e-10 ***  
## Root        23.163   1.139  20.344 < 2e-16 ***  
## --- 
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 

## Residual standard error: 6.173 on 28 degrees of freedom
## Multiple R-squared:  0.9471, Adjusted R-squared:  0.9433 
## F-statistic: 250.4 on 2 and 28 DF,  p-value: < 2.2e-16
```



Frédéric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Choix de modèle automatique

**step**(ancova)

```
## Start: AIC=117.11
## Fruit ~ Root * Grazing
##          Df Sum of Sq   RSS   AIC
## - Root:Grazing  1  20.128 1067.0 115.70
## <none>>
## Step: AIC=115.7
## Fruit ~ Root + Grazing
##          Df Sum of Sq   RSS   AIC
## - Grazing  1   3507.1 4574.1 158.82
## - Root    1 15771.4 16838.4 199.22
## <none>
## Call:
## lm(formula = Fruit ~ Root + Grazing)

## Coefficients:
## (Intercept)  -106.622   23.16   -4.60   0.001 ***
## Root          23.16    -17.30    1.35    0.176   0.176
## Grazing1     15771.4 16838.4  91.00   0.001 ***
```



Frédéric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Modèle retenu automatiquement

**summary**(ancova2)

```
## Call:
## lm(formula = Fruit ~ Grazing + Root)

## Residuals:
##   Min     1Q     Median      3Q     Max 
## -12.3565 -3.1694  0.0446  3.0649 16.4688

## Coefficients:
## (Intercept) -106.617   8.354 -12.763 3.43e-13 ***  
## Grazing1    -17.296   1.803  -9.593 2.39e-10 ***  
## Root        23.163   1.139  20.344 < 2e-16 ***  
## --- 
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 1 

## Residual standard error: 6.173 on 28 degrees of freedom
## Multiple R-squared:  0.9471, Adjusted R-squared:  0.9433 
## F-statistic: 250.4 on 2 and 28 DF,  p-value: < 2.2e-16
```



Frédéric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Tableau d'ANOVA du modèle d'ANCOVA

**anova**(ancova2)

```
## Analysis of Variance Table

## Response: Fruit

## Df  Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Grazing       1  3314.5 3314.5 86.977 4.387e-10 ***
## Root          1 15771.4 15771.4 413.859 < 2.2e-16 ***
## Residuals    28 1067.0  38.1

## ---
```



Frédéric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Coefficients du modèle

Ordonnée à l'origine pour la droite ajustée au groupe des plantes non broutées

```
coef(ancova2) [1] -coef(ancova2) [2]
```

```
## (Intercept)
## -89.32066
```

Ordonnée à l'origine pour la droite ajustée au groupe des plantes broutées

```
coef(ancova2) [1] +coef(ancova2) [2]
```

```
## (Intercept)
## -123.9126
```

## Coefficients du modèle

Voici les estimations des coefficients du modèle d'ANCOVA à droites parallèles.

```
coef(ancova2)
```

	Grazing1	Root
## (Intercept)	-17.29600	23.16264
## -106.61665		

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance
```

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance
```

## Graphique du modèle retenu

```
sf<-split(Fruit, Grazing)
sr<-split(Root, Grazing)
plot(Root,Fruit,typepoints(sr[[1]],sf[[1]],pch=16)
points(sr[[2]],sf[[2]])
```

```
abline(coef(ancova2)[1]+coef(ancova2)[2],
       coef(ancova2)[3])
abline(coef(ancova2)[1]-coef(ancova2)[2],
       coef(ancova2)[3],lty=2)
```

## Coefficients du modèle

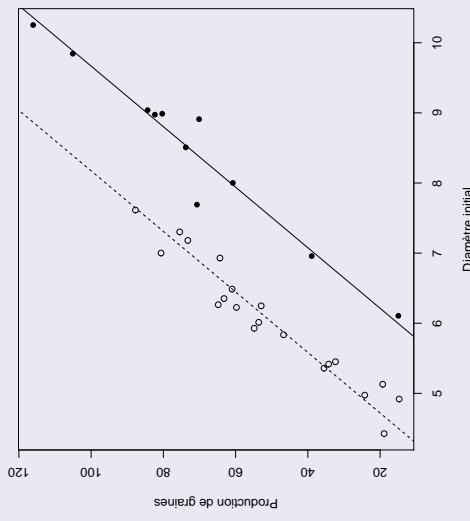
Pente commune aux deux droites (ajustées aux deux groupes)

```
coef(ancova2) [3]
```

```
## Root
## 23.16264
```

```
Frédéric Bertrand Généralités Analyse de la covariance
```

## Graphiques



## Attention

Que se serait-il passé si nous n'avions pas pris en compte la taille de la plante ?

```
tapply(Fruit, Grazing, mean)
```

```
## Grazed Ungrazed
## 72.49182 50.88050
```

Fédrééric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

Fédrééric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

## Attention

Que se serait-il passé si nous n'avions pas pris en compte la taille de la plante ?

```
summary(aov(Fruit~Grazing))
```

```
##          Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Grazing     1   3315   3315  5.708  0.0236 *
## Residuals  29  16838    581
## ---
## Signif. codes:  0 '****' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05
```

Frédéric Bertrand  
Généralités  
Analyse de la covariance à un facteur

```
coef(aov(Fruit~Grazing))
```

```
## (Intercept) Grazing1
## 61.68616 10.80566
```

Production moyenne du groupe non-brouté

## Attention

Production moyenne du groupe non-brouté

```
coef(aov(Fruit~Grazing)) [1] -  
coef(aov(Fruit~Grazing)) [2]  
  
## (Intercept)  
## 50.8805
```

Production moyenne du groupe brouté

```
coef(aov(Fruit~Grazing)) [1] +  
coef(aov(Fruit~Grazing)) [2]  
  
## (Intercept)  
## 72.49182
```

Valeur ajustées des moyennes des groupes

Calculons maintenant les moyennes des deux groupes qui ont été ajustées par le modèle d'ANCOVA pour tenir compte de la différence des distributions des tailles entre les deux groupes.

```
coef(ancova2) [1] -coef(ancova2) [2] +  
coef(ancova2) [3] *mean(Root)  
  
## (Intercept)  
## 70.82361
```

## Conclusion

Valeur ajustées des moyennes des groupes

Production moyenne du groupe brouté

```
coef(ancova2) [1] +coef(ancova2) [2] +  
coef(ancova2) [3] *mean(Root)  
  
## (Intercept)  
## 36.23162
```

En utilisant les moyennes ajustées pour tenir compte de la variable taille, les conclusions s'inversent !